

# Postać normalna bazy danych

14 grudnia 2016

- 3500 p.n.e. — wynalezienie pisma klinowego przez Sumerów
- 3200 p.n.e. — wynalezienie papirusu
- 600 p.n.e. — powstanie biblioteki Aszurbanipala w Niniwie
- 200 p.n.e. — powstanie kodeksu (książki)
- 1970 — opracowanie modelu relacyjnego dla baz danych (E.F. Codd)

- 3500 p.n.e. — wynalezienie pisma klinowego przez Sumerów
- 3200 p.n.e. — wynalezienie papirusu
- 600 p.n.e. — powstanie biblioteki Aszurbanipala w Niniwie
- 200 p.n.e. — powstanie kodeksu (książki)
- 1970 — opracowanie modelu relacyjnego dla baz danych (E.F. Codd)

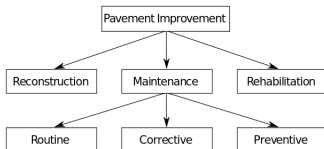
- 3500 p.n.e. — wynalezienie pisma klinowego przez Sumerów
- 3200 p.n.e. — wynalezienie papirusu
- 600 p.n.e. — powstanie biblioteki Aszurbanipala w Niniwie
- 200 p.n.e. — powstanie kodeksu (książki)
- 1970 — opracowanie modelu relacyjnego dla baz danych (E.F. Codd)

- 3500 p.n.e. — wynalezienie pisma klinowego przez Sumerów
- 3200 p.n.e. — wynalezienie papirusu
- 600 p.n.e. — powstanie biblioteki Aszurbanipala w Niniwie
- 200 p.n.e. — powstanie kodeksu (książki)
- 1970 — opracowanie modelu relacyjnego dla baz danych (E.F. Codd)

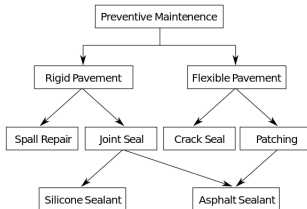
- 3500 p.n.e. — wynalezienie pisma klinowego przez Sumerów
- 3200 p.n.e. — wynalezienie papirusu
- 600 p.n.e. — powstanie biblioteki Aszurbanipala w Niniwie
- 200 p.n.e. — powstanie kodeksu (książki)
- 1970 — opracowanie modelu relacyjnego dla baz danych (E.F. Codd)

# Modele baz danych

- model hierarchiczny



- model sieciowy (grafowy)



- model relacyjny
- model obiektowy

# Relacje i domeny

- Niech  $D_1, D_2, \dots, D_n$  będą zbiorami. **Relacja**  $r$  to podzbiór iloczynu kartezyjańskiego  $D_1 \times D_2 \times \dots \times D_n$ . Zatem relacja to zbiór krotek (ciągów długości  $n$ , tuples) postaci  $(a_1, a_2, \dots, a_n)$ , gdzie  $a_i \in D_i$ ,  $1 \leq i \leq n$ .
- Przykład:

$D_1 = \text{customer-name} = \{\text{Jones, Smith, Curry, Lindsay}\},$

$D_2 = \text{customer-street} = \{\text{Main, North, Park}\},$

$D_3 = \text{customer-city} = \{\text{Harrison, Springfield, Chicago}\}.$

Wówczas

$$r = \{(\text{Jones, Main, Harrison}), (\text{Smith, North, Springfield}), \\ (\text{Curry, North, Springfield}), (\text{Lindsay, Park, Chicago})\}$$

jest relacją na  $D_1 \times D_2 \times D_3$ .

- Zbiory  $D_i$  nazywa się domenami.
- Specjalna wartość **null** jest elementem każdej domeny  $D_i$ .



# Relacje i domeny

- Niech  $D_1, D_2, \dots, D_n$  będą zbiorami. **Relacja**  $r$  to podzbiór iloczynu kartezyjskiego  $D_1 \times D_2 \times \dots \times D_n$ . Zatem relacja to zbiór krotek (ciągów długości  $n$ , tuples) postaci  $(a_1, a_2, \dots, a_n)$ , gdzie  $a_i \in D_i$ ,  $1 \leq i \leq n$ .
- Przykład:

$D_1 = \text{customer-name} = \{\text{Jones, Smith, Curry, Lindsay}\},$

$D_2 = \text{customer-street} = \{\text{Main, North, Park}\},$

$D_3 = \text{customer-city} = \{\text{Harrison, Springfield, Chicago}\}.$

Wówczas

$$r = \{(\text{Jones, Main, Harrison}), (\text{Smith, North, Springfield}), \\ (\text{Curry, North, Springfield}), (\text{Lindsay, Park, Chicago})\}$$

jest relacją na  $D_1 \times D_2 \times D_3$ .

- Zbiory  $D_i$  nazywa się **domenami**.
- Specjalna wartość **null** jest elementem każdej domeny  $D_i$ .

# Relacje i domeny

- Niech  $D_1, D_2, \dots, D_n$  będą zbiorami. **Relacja**  $r$  to podzbiór iloczynu kartezyjskiego  $D_1 \times D_2 \times \dots \times D_n$ . Zatem relacja to zbiór krotek (ciągów długości  $n$ , tuples) postaci  $(a_1, a_2, \dots, a_n)$ , gdzie  $a_i \in D_i$ ,  $1 \leq i \leq n$ .
- Przykład:

$D_1 = \text{customer-name} = \{\text{Jones, Smith, Curry, Lindsay}\},$

$D_2 = \text{customer-street} = \{\text{Main, North, Park}\},$

$D_3 = \text{customer-city} = \{\text{Harrison, Springfield, Chicago}\}.$

Wówczas

$$r = \{(\text{Jones, Main, Harrison}), (\text{Smith, North, Springfield}), \\ (\text{Curry, North, Springfield}), (\text{Lindsay, Park, Chicago})\}$$

jest relacją na  $D_1 \times D_2 \times D_3$ .

- Zbiory  $D_i$  nazywa się **domenami**.
- Specjalna wartość **null** jest elementem każdej domeny  $D_i$ .

# Relacje i domeny

- Niech  $D_1, D_2, \dots, D_n$  będą zbiorami. **Relacja**  $r$  to podzbiór iloczynu kartezyjskiego  $D_1 \times D_2 \times \dots \times D_n$ . Zatem relacja to zbiór krotek (ciągów długości  $n$ , tuples) postaci  $(a_1, a_2, \dots, a_n)$ , gdzie  $a_i \in D_i$ ,  $1 \leq i \leq n$ .
- Przykład:

$D_1 = \text{customer-name} = \{\text{Jones, Smith, Curry, Lindsay}\},$

$D_2 = \text{customer-street} = \{\text{Main, North, Park}\},$

$D_3 = \text{customer-city} = \{\text{Harrison, Springfield, Chicago}\}.$

Wówczas

$$r = \{(\text{Jones, Main, Harrison}), (\text{Smith, North, Springfield}), \\ (\text{Curry, North, Springfield}), (\text{Lindsay, Park, Chicago})\}$$

jest relacją na  $D_1 \times D_2 \times D_3$ .

- Zbiory  $D_i$  nazywa się **domenami**.
- Specjalna wartość **null** jest elementem każdej domeny  $D_i$ .

- **Atrybut** (attribute) to para: nazwa, domena.
- Mówi się, że atrybut ma nazwę.
- Różne atrybuty relacji muszą mieć różne nazwy.
- Formalnie, nie jest określona relacja porządkująca wyrazy w krotce. Zamiast tego o każdym wyrazie krotki mówi się, że jest **wartością atrybutu**.
- Wartość atrybutu to para: nazwa, element domeny.
- Domena to zbiór wszystkich dozwolonych wartości jakie może przyjąć atrybut.
- Bardziej formalnie, krotka to funkcja przekształcająca nazwy na wartości.

- **Atrybut** (attribute) to para: nazwa, domena.
- Mówi się, że atrybut ma nazwę.
- Różne atrybuty relacji muszą mieć różne nazwy.
- Formalnie, nie jest określona relacja porządkująca wyrazy w krotce. Zamiast tego o każdym wyrazie krotki mówi się, że jest **wartością atrybutu**.
- Wartość atrybutu to para: nazwa, element domeny.
- Domena to zbiór wszystkich dozwolonych wartości jakie może przyjąć atrybut.
- Bardziej formalnie, krotka to funkcja przekształcająca nazwy na wartości.

- **Atrybut** (attribute) to para: nazwa, domena.
- Mówi się, że atrybut ma nazwę.
- Różne atrybuty relacji muszą mieć różne nazwy.
- Formalnie, nie jest określona relacja porządkująca wyrazy w krotce. Zamiast tego o każdym wyrazie krotki mówi się, że jest **wartością atrybutu**.
- Wartość atrybutu to para: nazwa, element domeny.
- Domena to zbiór wszystkich dozwolonych wartości jakie może przyjąć atrybut.
- Bardziej formalnie, krotka to funkcja przekształcająca nazwy na wartości.

- **Atrybut** (attribute) to para: nazwa, domena.
- Mówi się, że atrybut ma nazwę.
- Różne atrybuty relacji muszą mieć różne nazwy.
- Formalnie, nie jest określona relacja porządkująca wyrazy w krotce. Zamiast tego o każdym wyrazie krotki mówi się, że jest **wartością atrybutu**.
- Wartość atrybutu to para: nazwa, element domeny.
- Domena to zbiór wszystkich dozwolonych wartości jakie może przyjąć atrybut.
- Bardziej formalnie, krotka to funkcja przekształcająca nazwy na wartości.

- **Atrybut** (attribute) to para: nazwa, domena.
- Mówi się, że atrybut ma nazwę.
- Różne atrybuty relacji muszą mieć różne nazwy.
- Formalnie, nie jest określona relacja porządkująca wyrazy w krotce. Zamiast tego o każdym wyrazie krotki mówi się, że jest **wartością atrybutu**.
- **Wartość atrybutu** to para: nazwa, element domeny.
- **Domena** to zbiór wszystkich dozwolonych wartości jakie może przyjąć atrybut.
- Bardziej formalnie, krotka to funkcja przekształcająca nazwy na wartości.



- **Atrybut** (attribute) to para: nazwa, domena.
- Mówi się, że atrybut ma nazwę.
- Różne atrybuty relacji muszą mieć różne nazwy.
- Formalnie, nie jest określona relacja porządkująca wyrazy w krotce. Zamiast tego o każdym wyrazie krotki mówi się, że jest **wartością atrybutu**.
- Wartość atrybutu to para: nazwa, element domeny.
- Domena to zbiór wszystkich dozwolonych wartości jakie może przyjąć atrybut.
- Bardziej formalnie, krotka to funkcja przekształcająca nazwy na wartości.

- **Atrybut** (attribute) to para: nazwa, domena.
- Mówi się, że atrybut ma nazwę.
- Różne atrybuty relacji muszą mieć różne nazwy.
- Formalnie, nie jest określona relacja porządkująca wyrazy w krotce. Zamiast tego o każdym wyrazie krotki mówi się, że jest **wartością atrybutu**.
- Wartość atrybutu to para: nazwa, element domeny.
- Domena to zbiór wszystkich dozwolonych wartości jakie może przyjąć atrybut.
- Bardziej formalnie, krotka to funkcja przekształcająca nazwy na wartości.

# Schemat relacji

- Niech  $A_1, A_2, \dots, A_n$  będą atrybutami.
- $R = (A_1, A_2, \dots, A_n)$  jest schematem relacji.
- Przykład:

```
customer-schema =  
    (customer-name, customer-street, customer-city)
```

- $r(R)$  to relacja o schemacie  $R$ .
- Przykład:

```
customer(customer-schema)
```

# Schemat relacji

- Niech  $A_1, A_2, \dots, A_n$  będą atrybutami.
- $R = (A_1, A_2, \dots, A_n)$  jest **schematem relacji**.
- Przykład:

```
customer-schema =  
    (customer-name, customer-street, customer-city)
```

- $r(R)$  to relacja o schemacie  $R$ .
- Przykład:

```
customer(customer-schema)
```

# Schemat relacji

- Niech  $A_1, A_2, \dots, A_n$  będą atrybutami.
- $R = (A_1, A_2, \dots, A_n)$  jest **schematem relacji**.
- Przykład:

```
customer-schema =  
    (customer-name, customer-street, customer-city)
```

- $r(R)$  to relacja o schemacie  $R$ .
- Przykład:

```
customer(customer-schema)
```

# Schemat relacji

- Niech  $A_1, A_2, \dots, A_n$  będą atrybutami.
- $R = (A_1, A_2, \dots, A_n)$  jest **schematem relacji**.
- Przykład:

```
customer-schema =  
    (customer-name, customer-street, customer-city)
```

- $r(R)$  to relacja o schemacie  $R$ .
- Przykład:

```
customer(customer-schema)
```

# Schemat relacji

- Niech  $A_1, A_2, \dots, A_n$  będą atrybutami.
- $R = (A_1, A_2, \dots, A_n)$  jest **schematem relacji**.
- Przykład:

```
customer-schema =  
    (customer-name, customer-street, customer-city)
```

- $r(R)$  to relacja o schemacie  $R$ .
- Przykład:

```
customer(customer-schema)
```

- Baza danych to rodzina relacji.
- Relację zwykle określa się przy pomocy tabeli.
- Wiersz takiej tabeli to krotka relacji.
- Przykład:

**customer**

<i>customer-name</i>	<i>customer-street</i>	<i>customer-city</i>
Jones	Main	Harrison
Smith	North	Springfield
Curry	North	Springfield
Lindsay	Park	Chicago

- Porządek krotek (wierszy) jest nieistotny.



# Baza danych

- Baza danych to rodzina relacji.
- Relację zwykle określa się przy pomocy tabeli.
- Wiersz takiej tabeli to krotka relacji.
- Przykład:

**customer**

<i>customer-name</i>	<i>customer-street</i>	<i>customer-city</i>
Jones	Main	Harrison
Smith	North	Springfield
Curry	North	Springfield
Lindsay	Park	Chicago

- Porządek krotek (wierszy) jest nieistotny.

# Baza danych

- Baza danych to rodzina relacji.
- Relację zwykle określa się przy pomocy tabeli.
- Wiersz takiej tabeli to krotka relacji.
- Przykład:

*customer*

<i>customer-name</i>	<i>customer-street</i>	<i>customer-city</i>
Jones	Main	Harrison
Smith	North	Springfield
Curry	North	Springfield
Lindsay	Park	Chicago

- Porządek krotek (wierszy) jest nieistotny.

# Baza danych

- Baza danych to rodzina relacji.
- Relację zwykle określa się przy pomocy tabeli.
- Wiersz takiej tabeli to krotka relacji.
- Przykład:

**customer**

<i>customer-name</i>	<i>customer-street</i>	<i>customer-city</i>
Jones	Main	Harrison
Smith	North	Springfield
Curry	North	Springfield
Lindsay	Park	Chicago

- Porządek krotek (wierszy) jest nieistotny.

- Baza danych to rodzina relacji.
- Relację zwykle określa się przy pomocy tabeli.
- Wiersz takiej tabeli to krotka relacji.
- Przykład:

**customer**

<i>customer-name</i>	<i>customer-street</i>	<i>customer-city</i>
Jones	Main	Harrison
Smith	North	Springfield
Curry	North	Springfield
Lindsay	Park	Chicago

- Porządek krotek (wierszy) jest nieistotny.

- Niech  $R$  to schemat relacji (zbiór wszystkich atrybutów) i niech  $K \subseteq R$ .
- $K$  jest **super-kluczem** (superkey) w  $R$  jeśli wartości dla  $K$  wystarczą by jednoznacznie identyfikować krotkę każdej możliwej relacji  $r(R)$ .
- Przykład:  
{customer-name, customer-street} oraz {customer-name} są super-kluczami relacji customer, o ile różni kontrahenci mają różne nazwiska.
- $K$  jest **potencjalnym kluczem** (candidate key) jeśli  $K$  jest minimalnym super-kluczem.
- Przykład:  
{customer-name} jest potencjalnym kluczem relacji customer.
- Atrybuty, które wchodzi w skład potencjalnych kluczy zwane są **atrybutami kluczowymi** (prime, key attributes).
- $R$  jest super-kluczem.
- Każda relacja ma przynajmniej jeden klucz potencjalny.

- Niech  $R$  to schemat relacji (zbiór wszystkich atrybutów) i niech  $K \subseteq R$ .
- $K$  jest **super-kluczem** (superkey) w  $R$  jeśli wartości dla  $K$  wystarczą by jednoznacznie identyfikować krotkę każdej możliwej relacji  $r(R)$ .
- Przykład:  
`{customer-name, customer-street}` oraz `{customer-name}` są super-kluczami relacji `customer`, o ile różni kontrahenci mają różne nazwiska.
- $K$  jest **potencjalnym kluczem** (candidate key) jeśli  $K$  jest minimalnym super-kluczem.
- Przykład:  
`{customer-name}` jest potencjalnym kluczem relacji `customer`.
- Atrybuty, które wchodzą w skład potencjanych kluczy zwane są **atrybutami kluczowymi** (prime, key attributes).
- $R$  jest super-kluczem.
- Każda relacja ma przynajmniej jeden klucz potencjalny.

- Niech  $R$  to schemat relacji (zbiór wszystkich atrybutów) i niech  $K \subseteq R$ .
- $K$  jest **super-kluczem** (superkey) w  $R$  jeśli wartości dla  $K$  wystarczą by jednoznacznie identyfikować krotkę każdej możliwej relacji  $r(R)$ .
- Przykład:  
{customer-name, customer-street} oraz {customer-name} są super-kluczami relacji customer, o ile różni kontrahenci mają różne nazwiska.
- $K$  jest **potencjalnym kluczem** (candidate key) jeśli  $K$  jest minimalnym super-kluczem.
- Przykład:  
{customer-name} jest potencjalnym kluczem relacji customer.
- Atrybuty, które wchodzą w skład potencjanych kluczy zwane są **atrybutami kluczowymi** (prime, key attributes).
- $R$  jest super-kluczem.
- Każda relacja ma przynajmniej jeden klucz potencjalny.

- Niech  $R$  to schemat relacji (zbiór wszystkich atrybutów) i niech  $K \subseteq R$ .
- $K$  jest **super-kluczem** (superkey) w  $R$  jeśli wartości dla  $K$  wystarczą by jednoznacznie identyfikować krotkę każdej możliwej relacji  $r(R)$ .
- Przykład:  
{customer-name, customer-street} oraz {customer-name} są super-kluczami relacji customer, o ile różni kontrahenci mają różne nazwiska.
- $K$  jest **potencjalnym kluczem** (candidate key) jeśli  $K$  jest minimalnym super-kluczem.
- Przykład:  
{customer-name} jest potencjalnym kluczem relacji customer.
- Atrybuty, które wchodzą w skład potencjanych kluczy zwane są **atributami kluczowymi** (prime, key attributes).
- $R$  jest super-kluczem.
- Każda relacja ma przynajmniej jeden klucz potencjalny.



- Niech  $R$  to schemat relacji (zbiór wszystkich atrybutów) i niech  $K \subseteq R$ .
- $K$  jest **super-kluczem** (superkey) w  $R$  jeśli wartości dla  $K$  wystarczą by jednoznacznie identyfikować krotkę każdej możliwej relacji  $r(R)$ .
- Przykład:  
{customer-name, customer-street} oraz {customer-name} są super-kluczami relacji customer, o ile różni kontrahenci mają różne nazwiska.
- $K$  jest **potencjalnym kluczem** (candidate key) jeśli  $K$  jest minimalnym super-kluczem.
- Przykład:  
{customer-name} jest potencjalnym kluczem relacji customer.
- Atrybuty, które wchodzi w skład potencjalnych kluczy zwane są **atributami kluczowymi** (prime, key attributes).
- $R$  jest super-kluczem.
- Każda relacja ma przynajmniej jeden klucz potencjalny.

- Niech  $R$  to schemat relacji (zbiór wszystkich atrybutów) i niech  $K \subseteq R$ .
- $K$  jest **super-kluczem** (superkey) w  $R$  jeśli wartości dla  $K$  wystarczą by jednoznacznie identyfikować krotkę każdej możliwej relacji  $r(R)$ .
- Przykład:  
{customer-name, customer-street} oraz {customer-name} są super-kluczami relacji customer, o ile różni kontrahenci mają różne nazwiska.
- $K$  jest **potencjalnym kluczem** (candidate key) jeśli  $K$  jest minimalnym super-kluczem.
- Przykład:  
{customer-name} jest potencjalnym kluczem relacji customer.
- Atrybuty, które wchodzą w skład potencjalnych kluczy zwane są **atributami kluczowymi** (prime, key attributes).
- $R$  jest super-kluczem.
- Każda relacja ma przynajmniej jeden klucz potencjalny.

- Niech  $R$  to schemat relacji (zbiór wszystkich atrybutów) i niech  $K \subseteq R$ .
- $K$  jest **super-kluczem** (superkey) w  $R$  jeśli wartości dla  $K$  wystarczą by jednoznacznie identyfikować krotkę każdej możliwej relacji  $r(R)$ .
- Przykład:  
{customer-name, customer-street} oraz {customer-name} są super-kluczami relacji customer, o ile różni kontrahenci mają różne nazwiska.
- $K$  jest **potencjalnym kluczem** (candidate key) jeśli  $K$  jest minimalnym super-kluczem.
- Przykład:  
{customer-name} jest potencjalnym kluczem relacji customer.
- Atrybuty, które wchodzi w skład potencjalnych kluczy zwane są **atrybutami kluczowymi** (prime, key attributes).
- $R$  jest super-kluczem.
- Każda relacja ma przynajmniej jeden klucz potencjalny.

- Niech  $R$  to schemat relacji (zbiór wszystkich atrybutów) i niech  $K \subseteq R$ .
- $K$  jest **super-kluczem** (superkey) w  $R$  jeśli wartości dla  $K$  wystarczą by jednoznacznie identyfikować krotkę każdej możliwej relacji  $r(R)$ .
- Przykład:  
{customer-name, customer-street} oraz {customer-name} są super-kluczami relacji customer, o ile różni kontrahenci mają różne nazwiska.
- $K$  jest **potencjalnym kluczem** (candidate key) jeśli  $K$  jest minimalnym super-kluczem.
- Przykład:  
{customer-name} jest potencjalnym kluczem relacji customer.
- Atrybuty, które wchodzi w skład potencjalnych kluczy zwane są **atributami kluczowymi** (prime, key attributes).
- $R$  jest super-kluczem.
- Każda relacja ma przynajmniej jeden klucz potencjalny.

# 1NF – pierwsza postać normalna

- Domena jest **atomowa**, gdy jej elementy są niepodzielne.
- Domena nie jest atomowa, gdy dopuszcza wartości, które są zbiorami.

1NF

Domeny wszystkich atrybutów relacji są atomowe.

- Pojęcie atomowości nie jest precyzyjne. Np. kod ISBN to kod wydawcy plus kod publikacji, więc jest podzielny.

# 1NF – pierwsza postać normalna

- Domena jest **atomowa**, gdy jej elementy są niepodzielne.
- Domena nie jest atomowa, gdy dopuszcza wartości, które są zbiorami.

1NF

Domeny wszystkich atrybutów relacji są atomowe.

- Pojęcie atomowości nie jest precyzyjne. Np. kod ISBN to kod wydawcy plus kod publikacji, więc jest podzielny.

# 1NF – pierwsza postać normalna

- Domena jest **atomowa**, gdy jej elementy są niepodzielne.
- Domena nie jest atomowa, gdy dopuszcza wartości, które są zbiorami.

## 1NF

Domeny wszystkich atrybutów relacji są atomowe.

- Pojęcie atomowości nie jest precyzyjne. Np. kod ISBN to kod wydawcy plus kod publikacji, więc jest podzielny.

# 1NF – pierwsza postać normalna

- Domena jest **atomowa**, gdy jej elementy są niepodzielne.
- Domena nie jest atomowa, gdy dopuszcza wartości, które są zbiorami.

## 1NF

Domeny wszystkich atrybutów relacji są atomowe.

- Pojęcie atomowości nie jest precyzyjne. Np. kod ISBN to kod wydawcy plus kod publikacji, więc jest podzielny.



# Zależność funkcyjna

- Niech  $R$  będzie schematem relacji i niech  $\alpha, \beta \subseteq R$ .
- Mówimy, że  $\beta$  jest **funkcyjnie zależne** od  $\alpha$  i piszemy

$$\alpha \rightarrow \beta$$

gdy dla dowolnej relacji  $r(R)$ , ze zgodności dowolnych krotek  $t_1, t_2 \in r$  na atrybutach  $\alpha$  wynika zgodność tych krotek na atrybutach  $\beta$ . To znaczy

$$t_1[\alpha] = t_2[\alpha] \implies t_1[\beta] = t_2[\beta].$$

- Przykład:  
Rozważmy relację  $r$  o atrybutach  $A, B$  daną tabelą:

A	B
1	4
1	5
3	7

$A \rightarrow B$  nie zachodzi, ale zachodzi  $B \rightarrow A$ .

# Zależność funkcyjna

- Niech  $R$  będzie schematem relacji i niech  $\alpha, \beta \subseteq R$ .
- Mówimy, że  $\beta$  jest **funkcyjnie zależne** od  $\alpha$  i piszemy

$$\alpha \rightarrow \beta$$

gdy dla dowolnej relacji  $r(R)$ , ze zgodności dowolnych krotek  $t_1, t_2 \in r$  na atrybutach  $\alpha$  wynika zgodność tych krotek na atrybutach  $\beta$ . To znaczy

$$t_1[\alpha] = t_2[\alpha] \implies t_1[\beta] = t_2[\beta].$$

- Przykład:  
Rozważmy relację  $r$  o atrybutach  $A, B$  daną tabelą:

A	B
1	4
1	5
3	7

$A \rightarrow B$  nie zachodzi, ale zachodzi  $B \rightarrow A$ .

# Zależność funkcyjna

- Niech  $R$  będzie schematem relacji i niech  $\alpha, \beta \subseteq R$ .
- Mówimy, że  $\beta$  jest **funkcyjnie zależne** od  $\alpha$  i piszemy

$$\alpha \rightarrow \beta$$

gdy dla dowolnej relacji  $r(R)$ , ze zgodności dowolnych krotek  $t_1, t_2 \in r$  na atrybutach  $\alpha$  wynika zgodność tych krotek na atrybutach  $\beta$ . To znaczy

$$t_1[\alpha] = t_2[\alpha] \implies t_1[\beta] = t_2[\beta].$$

- Przykład:  
Rozważmy relację  $r$  o atrybutach  $A, B$  daną tabelą:

A	B
1	4
1	5
3	7

$A \rightarrow B$  nie zachodzi, ale zachodzi  $B \rightarrow A$ .

# Zależność funkcyjna, c.d.

- Gdy zachodzi  $\alpha \rightarrow \beta$ , to zbiór  $\alpha$  zwany jest **zbiorem wyznaczającym** (determinant set), a zbiór  $\beta$  **zbiorem zależnym** (dependent set).
- Zależność  $\alpha \rightarrow \beta$  oznacza, że wartości  $\beta$  są **zdeterminowane** wartościami  $\alpha$ , albo  $\alpha$  **wyznacza**  $\beta$ .
- Zależność funkcyjna jest **trywialna**, gdy zachodzi dla wszystkich relacji  $r(R)$ .
- Jeśli  $\beta \subseteq \alpha$ , to  $\alpha \rightarrow \beta$ .

# Zależność funkcyjna, c.d.

- Gdy zachodzi  $\alpha \rightarrow \beta$ , to zbiór  $\alpha$  zwany jest **zbiorem wyznaczającym** (determinant set), a zbiór  $\beta$  **zbiorem zależnym** (dependent set).
- Zależność  $\alpha \rightarrow \beta$  oznacza, że wartości  $\beta$  są **zdeterminowane** wartościami  $\alpha$ , albo  $\alpha$  **wyznacza**  $\beta$ .
- Zależność funkcyjna jest **trywialna**, gdy zachodzi dla wszystkich relacji  $r(R)$ .
- Jeśli  $\beta \subseteq \alpha$ , to  $\alpha \rightarrow \beta$ .

# Zależność funkcyjna, c.d.

- Gdy zachodzi  $\alpha \rightarrow \beta$ , to zbiór  $\alpha$  zwany jest **zbiorem wyznaczającym** (determinant set), a zbiór  $\beta$  **zbiorem zależnym** (dependent set).
- Zależność  $\alpha \rightarrow \beta$  oznacza, że wartości  $\beta$  są **zdeterminowane** wartościami  $\alpha$ , albo  $\alpha$  **wyznacza**  $\beta$ .
- Zależność funkcyjna jest **trywialna**, gdy zachodzi dla wszystkich relacji  $r(R)$ .
- Jeśli  $\beta \subseteq \alpha$ , to  $\alpha \rightarrow \beta$ .

# Zależność funkcyjna, c.d.

- Gdy zachodzi  $\alpha \rightarrow \beta$ , to zbiór  $\alpha$  zwany jest **zbiorem wyznaczającym** (determinant set), a zbiór  $\beta$  **zbiorem zależnym** (dependent set).
- Zależność  $\alpha \rightarrow \beta$  oznacza, że wartości  $\beta$  są **zdeterminowane** wartościami  $\alpha$ , albo  $\alpha$  **wyznacza**  $\beta$ .
- Zależność funkcyjna jest **trywialna**, gdy zachodzi dla wszystkich relacji  $r(R)$ .
- Jeśli  $\beta \subseteq \alpha$ , to  $\alpha \rightarrow \beta$ .

# Zależność funkcyjna i klucze

- Niech  $R$  będzie schematem relacji i niech  $K \subseteq R$ .
- $K$  jest super-kluczem wtedy i tylko wtedy, gdy  $K \rightarrow R$ .
- $K$  jest potencjalnym kluczem wtedy i tylko wtedy, gdy  $K \rightarrow R$  oraz nie istnieje takie  $\alpha \subset K$ , że  $\alpha \rightarrow R$ .
- Zależność funkcyjna to uogólnienie pojęcia klucza.
- Zależności funkcyjne pozwalają wyrazić związki, które nie mogą być wyrażone za pomocą super-kluczy.



# Zależność funkcyjna i klucze

- Niech  $R$  będzie schematem relacji i niech  $K \subseteq R$ .
- $K$  jest super-kluczem wtedy i tylko wtedy, gdy  $K \rightarrow R$ .
- $K$  jest potencjalnym kluczem wtedy i tylko wtedy, gdy  $K \rightarrow R$  oraz nie istnieje takie  $\alpha \subset K$ , że  $\alpha \rightarrow R$ .
- Zależność funkcyjna to uogólnienie pojęcia klucza.
- Zależności funkcyjne pozwalają wyrazić związki, które nie mogą być wyrażone za pomocą super-kluczy.

# Zależność funkcyjna i klucze

- Niech  $R$  będzie schematem relacji i niech  $K \subseteq R$ .
- $K$  jest super-kluczem wtedy i tylko wtedy, gdy  $K \rightarrow R$ .
- $K$  jest potencjalnym kluczem wtedy i tylko wtedy, gdy  $K \rightarrow R$  oraz nie istnieje takie  $\alpha \subset K$ , że  $\alpha \rightarrow R$ .
- Zależność funkcyjna to uogólnienie pojęcia klucza.
- Zależności funkcyjne pozwalają wyrazić związki, które nie mogą być wyrażone za pomocą super-kluczy.

# Zależność funkcyjna i klucze

- Niech  $R$  będzie schematem relacji i niech  $K \subseteq R$ .
- $K$  jest super-kluczem wtedy i tylko wtedy, gdy  $K \rightarrow R$ .
- $K$  jest potencjalnym kluczem wtedy i tylko wtedy, gdy  $K \rightarrow R$  oraz nie istnieje takie  $\alpha \subset K$ , że  $\alpha \rightarrow R$ .
- Zależność funkcyjna to uogólnienie pojęcia klucza.
- Zależności funkcyjne pozwalają wyrazić związki, które nie mogą być wyrażone za pomocą super-kluczy.

# Zależność funkcyjna i klucze

- Niech  $R$  będzie schematem relacji i niech  $K \subseteq R$ .
- $K$  jest super-kluczem wtedy i tylko wtedy, gdy  $K \rightarrow R$ .
- $K$  jest potencjalnym kluczem wtedy i tylko wtedy, gdy  $K \rightarrow R$  oraz nie istnieje takie  $\alpha \subset K$ , że  $\alpha \rightarrow R$ .
- Zależność funkcyjna to uogólnienie pojęcia klucza.
- Zależności funkcyjne pozwalają wyrazić związki, które nie mogą być wyrażone za pomocą super-kluczy.

# Złączenie naturalne (natural join)

- Niech  $r, s$  będą relacjami o schematach odpowiednio  $R$  i  $S$ . Wówczas  $r \bowtie s$  jest relacją o schemacie  $R \cup S$  powstałą w następujący sposób:
  - rozważmy krotkę  $t_r$  relacji  $r$  oraz krotkę  $t_s$  relacji  $s$ ,
  - jeśli  $t_r$  i  $t_s$  mają te same wartości atrybutów z  $R \cap S$ , to dodajemy do wyniku krotkę  $t$ , która ma te same wartości jak  $t_r$  na  $r$  oraz te same wartości jak  $t_s$  na  $s$ .
- Przykład:  
 $R = (A, B, C)$ ,  $S = (B, D, E)$ , schemat wyniku  $(A, B, C, D, E)$ .

$r = r(R)$

A	B	C
1	5	3
2	4	5
8	3	5
9	3	3
1	6	5
5	4	3
2	7	5

$s = s(S)$

B	D	E
3	2	2
4	7	4
5	7	8
6	2	3

$r \bowtie s$

A	B	C	D	E
1	5	3	7	8
2	4	5	7	4
8	3	5	2	2
9	3	3	2	2
1	6	5	2	3
5	4	3	7	4

- Złączenie naturalne w algebrze relacyjnej odpowiada złączeniu wewnętrznemu (inner join) w SQL, różna jest tylko ilość kolumn w wyniku.

# Złączenie naturalne (natural join)

- Niech  $r, s$  będą relacjami o schematach odpowiednio  $R$  i  $S$ . Wówczas  $r \bowtie s$  jest relacją o schemacie  $R \cup S$  powstałą w następujący sposób:
  - rozważmy krotkę  $t_r$  relacji  $r$  oraz krotkę  $t_s$  relacji  $s$ ,
  - jeśli  $t_r$  i  $t_s$  mają te same wartości atrybutów z  $R \cap S$ , to dodajemy do wyniku krotkę  $t$ , która ma te same wartości jak  $t_r$  na  $r$  oraz te same wartości jak  $t_s$  na  $s$ .
- Przykład:  
 $R = (A, B, C)$ ,  $S = (B, D, E)$ , schemat wyniku  $(A, B, C, D, E)$ .

$r = r(R)$

A	B	C
1	5	3
2	4	5
8	3	5
9	3	3
1	6	5
5	4	3
2	7	5

$s = s(S)$

B	D	E
3	2	2
4	7	4
5	7	8
6	2	3

$r \bowtie s$

A	B	C	D	E
1	5	3	7	8
2	4	5	7	4
8	3	5	2	2
9	3	3	2	2
1	6	5	2	3
5	4	3	7	4

- Złączenie naturalne w algebrze relacyjnej odpowiada złączeniu wewnętrznemu (inner join) w SQL, różna jest tylko ilość kolumn w wyniku.

# Złączenie naturalne (natural join)

- Niech  $r, s$  będą relacjami o schematach odpowiednio  $R$  i  $S$ . Wówczas  $r \bowtie s$  jest relacją o schemacie  $R \cup S$  powstałą w następujący sposób:
  - rozważmy krotkę  $t_r$  relacji  $r$  oraz krotkę  $t_s$  relacji  $s$ ,
  - jeśli  $t_r$  i  $t_s$  mają te same wartości atrybutów z  $R \cap S$ , to dodajemy do wyniku krotkę  $t$ , która ma te same wartości jak  $t_r$  na  $r$  oraz te same wartości jak  $t_s$  na  $s$ .
- Przykład:  
 $R = (A, B, C)$ ,  $S = (B, D, E)$ , schemat wyniku  $(A, B, C, D, E)$ .

$r = r(R)$

A	B	C
1	5	3
2	4	5
8	3	5
9	3	3
1	6	5
5	4	3
2	7	5

$s = s(S)$

B	D	E
3	2	2
4	7	4
5	7	8
6	2	3

$r \bowtie s$

A	B	C	D	E
1	5	3	7	8
2	4	5	7	4
8	3	5	2	2
9	3	3	2	2
1	6	5	2	3
5	4	3	7	4

- Złączenie naturalne w algebrze relacyjnej odpowiada złączeniu wewnętrznemu (inner join) w SQL, różna jest tylko ilość kolumn w wyniku.

# Twierdzenie Heath'a

- Niech  $r$  będzie relacją i niech  $A_1, A_2, \dots, A_n$  będą wszystkimi atrybutami relacji  $r$ . Dla  $A_{i_1}, A_{i_2}, \dots, A_{i_k}$ , gdzie  $k \leq n$ , wynikiem operacji rzutowania

$$\Pi_{A_{i_1}, A_{i_2}, \dots, A_{i_k}}(r)$$

jest relacja o  $k$  atrybutach powstała z relacji  $r$  poprzez usunięcie tych atrybutów  $A_j$ , gdzie  $1 \leq j \leq n$  oraz  $j \notin \{i_1, i_2, \dots, i_k\}$ .

- Mówimy, że rozkład  $(R_1, R_2)$  schematu relacji  $R$  jest bezstratny (non-loss decomposition, lossless-join decomposition), gdy  $R = R_1 \cup R_2$  oraz dla każdej relacji  $r = r(R)$  mamy

$$r = \Pi_{R_1}(r) \bowtie \Pi_{R_2}(r).$$

## Twierdzenie Heath'a

Niech  $R$  będzie schematem relacji. Załóżmy, że  $R = \alpha \cup \beta \cup \gamma$ , gdzie  $\gamma = R \setminus (\alpha \cup \beta)$ . Jeśli w  $R$  spełniona jest zależność  $\alpha \rightarrow \beta$ , to  $R$  można bezstratnie rozłożyć na  $(\alpha \cup \beta, \alpha \cup \gamma)$ .



# Twierdzenie Heath'a

- Niech  $r$  będzie relacją i niech  $A_1, A_2, \dots, A_n$  będą wszystkimi atrybutami relacji  $r$ . Dla  $A_{i_1}, A_{i_2}, \dots, A_{i_k}$ , gdzie  $k \leq n$ , wynikiem operacji rzutowania

$$\Pi_{A_{i_1}, A_{i_2}, \dots, A_{i_k}}(r)$$

jest relacja o  $k$  atrybutach powstała z relacji  $r$  poprzez usunięcie tych atrybutów  $A_j$ , gdzie  $1 \leq j \leq n$  oraz  $j \notin \{i_1, i_2, \dots, i_k\}$ .

- Mówimy, że rozkład  $(R_1, R_2)$  schematu relacji  $R$  jest **bezstratny** (non-loss decomposition, lossless-join decomposition), gdy  $R = R_1 \cup R_2$  oraz dla każdej relacji  $r = r(R)$  mamy

$$r = \Pi_{R_1}(r) \bowtie \Pi_{R_2}(r).$$

## Twierdzenie Heath'a

Niech  $R$  będzie schematem relacji. Załóżmy, że  $R = \alpha \cup \beta \cup \gamma$ , gdzie  $\gamma = R \setminus (\alpha \cup \beta)$ . Jeśli w  $R$  spełniona jest zależność  $\alpha \rightarrow \beta$ , to  $R$  można bezstratnie rozłożyć na  $(\alpha \cup \beta, \alpha \cup \gamma)$ .

# Twierdzenie Heath'a

- Niech  $r$  będzie relacją i niech  $A_1, A_2, \dots, A_n$  będą wszystkimi atrybutami relacji  $r$ . Dla  $A_{i_1}, A_{i_2}, \dots, A_{i_k}$ , gdzie  $k \leq n$ , wynikiem operacji rzutowania

$$\Pi_{A_{i_1}, A_{i_2}, \dots, A_{i_k}}(r)$$

jest relacja o  $k$  atrybutach powstała z relacji  $r$  poprzez usunięcie tych atrybutów  $A_j$ , gdzie  $1 \leq j \leq n$  oraz  $j \notin \{i_1, i_2, \dots, i_k\}$ .

- Mówimy, że rozkład  $(R_1, R_2)$  schematu relacji  $R$  jest **bezstratny** (non-loss decomposition, lossless-join decomposition), gdy  $R = R_1 \cup R_2$  oraz dla każdej relacji  $r = r(R)$  mamy

$$r = \Pi_{R_1}(r) \bowtie \Pi_{R_2}(r).$$

## Twierdzenie Heath'a

Niech  $R$  będzie schematem relacji. Załóżmy, że  $R = \alpha \cup \beta \cup \gamma$ , gdzie  $\gamma = R \setminus (\alpha \cup \beta)$ . Jeśli w  $R$  spełniona jest zależność  $\alpha \rightarrow \beta$ , to  $R$  można bezstratnie rozłożyć na  $(\alpha \cup \beta, \alpha \cup \gamma)$ .

## 2NF – druga postać normalna

- Niech  $R$  będzie schematem relacji i niech  $\alpha, \beta \subseteq R$ .
- Zależność funkcyjna  $\alpha \rightarrow \beta$  jest **pełna** ( $\beta$  jest w pełni funkcyjnie zależne od  $\alpha$ ), gdy  $\alpha \rightarrow \beta$  i nie istnieje takie  $\gamma \subset \alpha$ , że  $\gamma \rightarrow \beta$ .
- Zależność funkcyjna  $\alpha \rightarrow \beta$  jest **częściowa**, gdy istnieje takie  $\gamma \subset \alpha$ , że  $\gamma \rightarrow \beta$ .

### 2NF

Relacja spełnia 1NF oraz nie ma częściowych zależności dla atrybutów, które nie są kluczowe.

### 2NF\*

Relacja spełnia 1NF oraz każdy atrybut albo jest kluczowy, albo nie jest częściowo zależny od pewnego klucza potencjalnego.

## 2NF – druga postać normalna

- Niech  $R$  będzie schematem relacji i niech  $\alpha, \beta \subseteq R$ .
- Zależność funkcyjna  $\alpha \rightarrow \beta$  jest **pełna** ( $\beta$  jest w pełni funkcyjnie zależne od  $\alpha$ ), gdy  $\alpha \rightarrow \beta$  i nie istnieje takie  $\gamma \subset \alpha$ , że  $\gamma \rightarrow \beta$ .
- Zależność funkcyjna  $\alpha \rightarrow \beta$  jest **częściowa**, gdy istnieje takie  $\gamma \subset \alpha$ , że  $\gamma \rightarrow \beta$ .

### 2NF

Relacja spełnia 1NF oraz nie ma częściowych zależności dla atrybutów, które nie są kluczowe.

### 2NF\*

Relacja spełnia 1NF oraz każdy atrybut albo jest kluczowy, albo nie jest częściowo zależny od pewnego klucza potencjalnego.

## 2NF – druga postać normalna

- Niech  $R$  będzie schematem relacji i niech  $\alpha, \beta \subseteq R$ .
- Zależność funkcyjna  $\alpha \rightarrow \beta$  jest **pełna** ( $\beta$  jest w pełni funkcyjnie zależne od  $\alpha$ ), gdy  $\alpha \rightarrow \beta$  i nie istnieje takie  $\gamma \subset \alpha$ , że  $\gamma \rightarrow \beta$ .
- Zależność funkcyjna  $\alpha \rightarrow \beta$  jest **częściowa**, gdy istnieje takie  $\gamma \subset \alpha$ , że  $\gamma \rightarrow \beta$ .

### 2NF

Relacja spełnia 1NF oraz nie ma częściowych zależności dla atrybutów, które nie są kluczowe.

### 2NF\*

Relacja spełnia 1NF oraz każdy atrybut albo jest kluczowy, albo nie jest częściowo zależny od pewnego klucza potencjalnego.

## 2NF – druga postać normalna

- Niech  $R$  będzie schematem relacji i niech  $\alpha, \beta \subseteq R$ .
- Zależność funkcyjna  $\alpha \rightarrow \beta$  jest **pełna** ( $\beta$  jest w pełni funkcyjnie zależne od  $\alpha$ ), gdy  $\alpha \rightarrow \beta$  i nie istnieje takie  $\gamma \subset \alpha$ , że  $\gamma \rightarrow \beta$ .
- Zależność funkcyjna  $\alpha \rightarrow \beta$  jest **częściowa**, gdy istnieje takie  $\gamma \subset \alpha$ , że  $\gamma \rightarrow \beta$ .

### 2NF

Relacja spełnia 1NF oraz nie ma częściowych zależności dla atrybutów, które nie są kluczowe.

### 2NF\*

Relacja spełnia 1NF oraz każdy atrybut albo jest kluczowy, albo nie jest częściowo zależny od pewnego klucza potencjalnego.

## 2NF – druga postać normalna

- Niech  $R$  będzie schematem relacji i niech  $\alpha, \beta \subseteq R$ .
- Zależność funkcyjna  $\alpha \rightarrow \beta$  jest **pełna** ( $\beta$  jest w pełni funkcyjnie zależne od  $\alpha$ ), gdy  $\alpha \rightarrow \beta$  i nie istnieje takie  $\gamma \subset \alpha$ , że  $\gamma \rightarrow \beta$ .
- Zależność funkcyjna  $\alpha \rightarrow \beta$  jest **częściowa**, gdy istnieje takie  $\gamma \subset \alpha$ , że  $\gamma \rightarrow \beta$ .

### 2NF

Relacja spełnia 1NF oraz nie ma częściowych zależności dla atrybutów, które nie są kluczowe.

### 2NF\*

Relacja spełnia 1NF oraz każdy atrybut albo jest kluczowy, albo nie jest częściowo zależny od pewnego klucza potencjalnego.

# Przykład relacji nie spełniającej 2NF

## recenzje

<i>isbn</i>	<i>autorzy_id</i>	<i>recenzja</i>	<i>email</i>
1590593324000	123	Bardzo dobra książka.	chad@gamil.com
1937287539014	292	Ciekawa lektura.	paul@gamil.com
9780321833877	112	Warto poczytać.	alan@gamil.com



## 3NF – trzecia postać normalna

- Niech  $R$  będzie schematem relacji i niech  $\alpha, \gamma \subseteq R$ .
- $\gamma$  jest tranzytywnie funkcyjnie zależne od  $\alpha$ , gdy istnieje takie  $\beta \subseteq R$ , że  $\alpha \rightarrow \beta$  oraz  $\beta \rightarrow \gamma$ .
- Dla potrzeb 3NF zakłada się, że  $\beta \not\rightarrow \alpha$ .

### 3NF

Relacja spełnia 2NF oraz nie ma tranzytywnych zależności dla atrybutów, które nie są kluczowe.

### 3NF\*

Relacja spełnia 2NF oraz każdy atrybut albo jest kluczowy, albo nie jest tranzytywnie zależny od pewnego klucza potencjalnego.

## 3NF – trzecia postać normalna

- Niech  $R$  będzie schematem relacji i niech  $\alpha, \gamma \subseteq R$ .
- $\gamma$  jest **tranzytywnie funkcyjnie zależne** od  $\alpha$ , gdy istnieje takie  $\beta \subseteq R$ , że  $\alpha \rightarrow \beta$  oraz  $\beta \rightarrow \gamma$ .
- Dla potrzeb 3NF zakłada się, że  $\beta \not\rightarrow \alpha$ .

### 3NF

Relacja spełnia 2NF oraz nie ma tranzytywnych zależności dla atrybutów, które nie są kluczowe.

### 3NF\*

Relacja spełnia 2NF oraz każdy atrybut albo jest kluczowy, albo nie jest tranzytywnie zależny od pewnego klucza potencjalnego.

## 3NF – trzecia postać normalna

- Niech  $R$  będzie schematem relacji i niech  $\alpha, \gamma \subseteq R$ .
- $\gamma$  jest **tranzytywnie funkcyjnie zależne** od  $\alpha$ , gdy istnieje takie  $\beta \subseteq R$ , że  $\alpha \rightarrow \beta$  oraz  $\beta \rightarrow \gamma$ .
- Dla potrzeb 3NF zakłada się, że  $\beta \not\rightarrow \alpha$ .

### 3NF

Relacja spełnia 2NF oraz nie ma tranzytywnych zależności dla atrybutów, które nie są kluczowe.

### 3NF\*

Relacja spełnia 2NF oraz każdy atrybut albo jest kluczowy, albo nie jest tranzytywnie zależny od pewnego klucza potencjalnego.

## 3NF – trzecia postać normalna

- Niech  $R$  będzie schematem relacji i niech  $\alpha, \gamma \subseteq R$ .
- $\gamma$  jest **tranzytywnie funkcyjnie zależne** od  $\alpha$ , gdy istnieje takie  $\beta \subseteq R$ , że  $\alpha \rightarrow \beta$  oraz  $\beta \rightarrow \gamma$ .
- Dla potrzeb 3NF zakłada się, że  $\beta \not\rightarrow \alpha$ .

### 3NF

Relacja spełnia 2NF oraz nie ma tranzytywnych zależności dla atrybutów, które nie są kluczowe.

### 3NF\*

Relacja spełnia 2NF oraz każdy atrybut albo jest kluczowy, albo nie jest tranzytywnie zależny od pewnego klucza potencjalnego.

## 3NF – trzecia postać normalna

- Niech  $R$  będzie schematem relacji i niech  $\alpha, \gamma \subseteq R$ .
- $\gamma$  jest **tranzytywnie funkcyjnie zależne** od  $\alpha$ , gdy istnieje takie  $\beta \subseteq R$ , że  $\alpha \rightarrow \beta$  oraz  $\beta \rightarrow \gamma$ .
- Dla potrzeb 3NF zakłada się, że  $\beta \not\rightarrow \alpha$ .

### 3NF

Relacja spełnia 2NF oraz nie ma tranzytywnych zależności dla atrybutów, które nie są kluczowe.

### 3NF\*

Relacja spełnia 2NF oraz każdy atrybut albo jest kluczowy, albo nie jest tranzytywnie zależny od pewnego klucza potencjalnego.

# Przykład relacji nie spełniającej 3NF

## wydawcy

<i>nazwa</i>	<i>adres</i>	<i>miasto</i>	<i>województwo</i>	<i>kod</i>
Apress	2560 Ninth Street	Berkeley	California	94710
New Riders	1301 Sansome Street	San Francisco	California	94111
O'Reilly	1005 Gravenstein Highway	Sebastopol	California	95472

# BCNF (3.5NF) – postać normalna Boyce'a-Codda

## 3NF\*\*

Relacja spełnia 2NF oraz jeśli zależność  $\alpha \rightarrow \beta$  jest nietrywialna, to zachodzi jeden z dwóch następujących warunków:

- (a)  $\alpha$  jest super-kluczem, albo
- (b)  $\beta$  jest kluczowym atrybutem.

## BCNF

Jeśli zależność  $\alpha \rightarrow \beta$  jest nietrywialna, to  $\alpha$  jest super-kluczem.

- BCNF  $\implies$  3NF

# BCNF (3.5NF) – postać normalna Boyce'a-Codda

## 3NF\*\*

Relacja spełnia 2NF oraz jeśli zależność  $\alpha \rightarrow \beta$  jest nietrywialna, to zachodzi jeden z dwóch następujących warunków:

- (a)  $\alpha$  jest super-kluczem, albo
- (b)  $\beta$  jest kluczowym atrybutem.

## BCNF

Jeśli zależność  $\alpha \rightarrow \beta$  jest nietrywialna, to  $\alpha$  jest super-kluczem.

- BCNF  $\implies$  3NF



# BCNF (3.5NF) – postać normalna Boyce'a-Codda

## 3NF\*\*

Relacja spełnia 2NF oraz jeśli zależność  $\alpha \rightarrow \beta$  jest nietrywialna, to zachodzi jeden z dwóch następujących warunków:

- (a)  $\alpha$  jest super-kluczem, albo
- (b)  $\beta$  jest kluczowym atrybutem.

## BCNF

Jeśli zależność  $\alpha \rightarrow \beta$  jest nietrywialna, to  $\alpha$  jest super-kluczem.

- BCNF  $\implies$  3NF

# Przykład relacji spełniającej 3NF, ale nie BCNF

- [https://en.wikipedia.org/wiki/Boyce-Codd\\_normal\\_form](https://en.wikipedia.org/wiki/Boyce-Codd_normal_form)
- <http://tonymarston.co.uk/php-mysql/database-design.html>

# Zależność wielowartościowa

- Niech  $R$  będzie schematem relacji i niech  $\alpha, \beta \subseteq R$ .
- Mówimy, że w  $R$  zachodzi zależność wielowartościowa

$$\alpha \twoheadrightarrow \beta,$$

gdy dla dowolnej relacji  $r(R)$  i dowolnych krotek  $t_1, t_2 \in r$  zgodnych na atrybutach  $\alpha$  istnieją takie krotki  $t_3, t_4 \in r$ , że:

$$t_1[\alpha] = t_2[\alpha] = t_3[\alpha] = t_4[\alpha]$$

$$t_3[\beta] = t_1[\beta]$$

$$t_3[R \setminus \beta] = t_2[R \setminus \beta]$$

$$t_4[\beta] = t_2[\beta]$$

$$t_4[R \setminus \beta] = t_1[R \setminus \beta]$$

- Jeśli  $\beta \subseteq \alpha$  lub  $\alpha \cup \beta = R$ , to  $\alpha \twoheadrightarrow \beta$ . Taka zależność wielowartościowa jest trywialna.
- Jeśli  $\alpha \rightarrow \beta$ , to  $\alpha \twoheadrightarrow \beta$ .

# Zależność wielowartościowa

- Niech  $R$  będzie schematem relacji i niech  $\alpha, \beta \subseteq R$ .
- Mówimy, że w  $R$  zachodzi **zależność wielowartościowa**

$$\alpha \twoheadrightarrow \beta,$$

gdy dla dowolnej relacji  $r(R)$  i dowolnych krotek  $t_1, t_2 \in r$  zgodnych na atrybutach  $\alpha$  istnieją takie krotki  $t_3, t_4 \in r$ , że:

$$t_1[\alpha] = t_2[\alpha] = t_3[\alpha] = t_4[\alpha]$$

$$t_3[\beta] = t_1[\beta]$$

$$t_3[R \setminus \beta] = t_2[R \setminus \beta]$$

$$t_4[\beta] = t_2[\beta]$$

$$t_4[R \setminus \beta] = t_1[R \setminus \beta]$$

- Jeśli  $\beta \subseteq \alpha$  lub  $\alpha \cup \beta = R$ , to  $\alpha \twoheadrightarrow \beta$ . Taka zależność wielowartościowa jest trywialna.
- Jeśli  $\alpha \rightarrow \beta$ , to  $\alpha \twoheadrightarrow \beta$ .

# Zależność wielowartościowa

- Niech  $R$  będzie schematem relacji i niech  $\alpha, \beta \subseteq R$ .
- Mówimy, że w  $R$  zachodzi **zależność wielowartościowa**

$$\alpha \twoheadrightarrow \beta,$$

gdy dla dowolnej relacji  $r(R)$  i dowolnych krotek  $t_1, t_2 \in r$  zgodnych na atrybutach  $\alpha$  istnieją takie krotki  $t_3, t_4 \in r$ , że:

$$t_1[\alpha] = t_2[\alpha] = t_3[\alpha] = t_4[\alpha]$$

$$t_3[\beta] = t_1[\beta]$$

$$t_3[R \setminus \beta] = t_2[R \setminus \beta]$$

$$t_4[\beta] = t_2[\beta]$$

$$t_4[R \setminus \beta] = t_1[R \setminus \beta]$$

- Jeśli  $\beta \subseteq \alpha$  lub  $\alpha \cup \beta = R$ , to  $\alpha \twoheadrightarrow \beta$ . Taka zależność wielowartościowa jest **trywialna**.
- Jeśli  $\alpha \rightarrow \beta$ , to  $\alpha \twoheadrightarrow \beta$ .

# Zależność wielowartościowa

- Niech  $R$  będzie schematem relacji i niech  $\alpha, \beta \subseteq R$ .
- Mówimy, że w  $R$  zachodzi **zależność wielowartościowa**

$$\alpha \twoheadrightarrow \beta,$$

gdy dla dowolnej relacji  $r(R)$  i dowolnych krotek  $t_1, t_2 \in r$  zgodnych na atrybutach  $\alpha$  istnieją takie krotki  $t_3, t_4 \in r$ , że:

$$t_1[\alpha] = t_2[\alpha] = t_3[\alpha] = t_4[\alpha]$$

$$t_3[\beta] = t_1[\beta]$$

$$t_3[R \setminus \beta] = t_2[R \setminus \beta]$$

$$t_4[\beta] = t_2[\beta]$$

$$t_4[R \setminus \beta] = t_1[R \setminus \beta]$$

- Jeśli  $\beta \subseteq \alpha$  lub  $\alpha \cup \beta = R$ , to  $\alpha \twoheadrightarrow \beta$ . Taka zależność wielowartościowa jest **trywialna**.
- Jeśli  $\alpha \rightarrow \beta$ , to  $\alpha \twoheadrightarrow \beta$ .

# Zależność wielowartościowa, przykład

<i>pracownicy_id</i>	<i>umiejętności</i>	<i>zainteresowania</i>
1	programowanie w PHP	zbieranie znaczków
1	programowanie w PHP	piłka nożna
1	algebra relacyjna	zbieranie znaczków
1	algebra relacyjna	piłka nożna
2	bazy danych	astronomia
2	bazy danych	szachy
2	liczenie całek	astronomia
2	liczenie całek	szachy

- Zależności wielowartościowe:

`pracownicy_id`  $\rightarrow$  `umiejętności`,

`pracownicy_id`  $\rightarrow$  `zainteresowania`.

- Atrybuty `umiejętności` i `zainteresowania` są **niezależne**.
- Atrybut `pracownicy_id` **wyznacza** wartości atrybutów `umiejętności` oraz `zainteresowania`.

# Zależność wielowartościowa, przykład

<i>pracownicy_id</i>	<i>umiejętności</i>	<i>zainteresowania</i>
1	programowanie w PHP	zbieranie znaczków
1	programowanie w PHP	piłka nożna
1	algebra relacyjna	zbieranie znaczków
1	algebra relacyjna	piłka nożna
2	bazy danych	astronomia
2	bazy danych	szachy
2	liczenie całek	astronomia
2	liczenie całek	szachy

- Zależności wielowartościowe:

`pracownicy_id`  $\rightarrow$  `umiejętności`,

`pracownicy_id`  $\rightarrow$  `zainteresowania`.

- Atrybuty `umiejętności` i `zainteresowania` są *niezależne*.
- Atrybut `pracownicy_id` *wyznacza* wartości atrybutów `umiejętności` oraz `zainteresowania`.



# Zależność wielowartościowa, przykład

<i>pracownicy_id</i>	<i>umiejętności</i>	<i>zainteresowania</i>
1	programowanie w PHP	zbieranie znaczków
1	programowanie w PHP	piłka nożna
1	algebra relacyjna	zbieranie znaczków
1	algebra relacyjna	piłka nożna
2	bazy danych	astronomia
2	bazy danych	szachy
2	liczenie całek	astronomia
2	liczenie całek	szachy

- Zależności wielowartościowe:

$\text{pracownicy\_id} \rightarrow \text{umiejętności}$ ,

$\text{pracownicy\_id} \rightarrow \text{zainteresowania}$ .

- Atrybuty umiejętności i zainteresowania są **niezależne**.
- Atrybut *pracownicy\_id* **wyznacza** wartości atrybutów umiejętności oraz zainteresowania.

# Zależność wielowartościowa, przykład

<i>pracownicy_id</i>	<i>umiejętności</i>	<i>zainteresowania</i>
1	programowanie w PHP	zbieranie znaczków
1	programowanie w PHP	piłka nożna
1	algebra relacyjna	zbieranie znaczków
1	algebra relacyjna	piłka nożna
2	bazy danych	astronomia
2	bazy danych	szachy
2	liczenie całek	astronomia
2	liczenie całek	szachy

- Zależności wielowartościowe:

`pracownicy_id`  $\rightarrow$  `umiejętności`,

`pracownicy_id`  $\rightarrow$  `zainteresowania`.

- Atrybuty `umiejętności` i `zainteresowania` są **niezależne**.
- Atrybut `pracownicy_id` **wyznacza** wartości atrybutów `umiejętności` oraz `zainteresowania`.

# Zależność wielowartościowa, przykład z uzasadnieniem

pracownicy\_id  $\rightarrow$  umiejętności

	$\alpha$	$\beta$	$R \setminus (\alpha \cup \beta)$
	<i>pracownicy_id</i>	<i>umiejętności</i>	<i>zainteresowania</i>
$t_1$	1	programowanie w PHP	zbieranie znaczków
$t_3$	1	programowanie w PHP	piłka nożna
$t_2$	1	algebra relacyjna	piłka nożna
$t_4$	1	algebra relacyjna	zbieranie znaczków

Mówimy, że w  $R$  zachodzi **zależność wielowartościowa**

$$\alpha \rightarrow \beta,$$

gdy dla dowolnej relacji  $r(R)$  i dowolnych krotek  $t_1, t_2 \in r$  zgodnych na atrybutach  $\alpha$  istnieją takie krotki  $t_3, t_4 \in r$ , że:

$$t_1[\alpha] = t_2[\alpha] = t_3[\alpha] = t_4[\alpha]$$

$$t_3[\beta] = t_1[\beta]$$

$$t_3[R \setminus \beta] = t_2[R \setminus \beta]$$

$$t_4[\beta] = t_2[\beta]$$

$$t_4[R \setminus \beta] = t_1[R \setminus \beta]$$

# Zależność wielowartościowa c.d.

- Niech  $R$  będzie schematem relacji o zbiorze atrybutów podzielonym na trzy niepuste, rozłączne podzbiory  $X, Y, Z$ .
- Mówimy, że  $X \twoheadrightarrow Y$  wtedy i tylko wtedy, gdy dla dowolnej relacji  $r(R)$  warunek

$$(x_1, y_1, z_1) \in r \quad \text{oraz} \quad (x_2, y_2, z_2) \in r,$$

pociąga za sobą

$$(x_1, y_1, z_2) \in r \quad \text{oraz} \quad (x_2, y_2, z_1) \in r.$$

- Zauważmy, że rola  $X$  jest inna niż  $Y$  i  $Z$  oraz, że  $Y$  można zamienić z  $Z$ , to znaczy, że jeśli  $X \twoheadrightarrow Y$ , to również  $X \twoheadrightarrow Z$ .
- Rozkład schematu relacji  $R$  na  $(X \cup Y, X \cup Z)$  jest bezstratny wtedy i tylko wtedy, gdy  $X \twoheadrightarrow Y$ .

# Zależność wielowartościowa c.d.

- Niech  $R$  będzie schematem relacji o zbiorze atrybutów podzielonym na trzy niepuste, rozłączne podzbiory  $X, Y, Z$ .
- Mówimy, że  $X \twoheadrightarrow Y$  wtedy i tylko wtedy, gdy dla dowolnej relacji  $r(R)$  warunek

$$(x_1, y_1, z_1) \in r \quad \text{oraz} \quad (x_2, y_2, z_2) \in r,$$

pociąga za sobą

$$(x_1, y_1, z_1) \in r \quad \text{oraz} \quad (x_2, y_2, z_1) \in r.$$

- Zauważmy, że rola  $X$  jest inna niż  $Y$  i  $Z$  oraz, że  $Y$  można zamienić z  $Z$ , to znaczy, że jeśli  $X \twoheadrightarrow Y$ , to również  $X \twoheadrightarrow Z$ .
- Rozkład schematu relacji  $R$  na  $(X \cup Y, X \cup Z)$  jest bezstratny wtedy i tylko wtedy, gdy  $X \twoheadrightarrow Y$ .

## Zależność wielowartościowa c.d.

- Niech  $R$  będzie schematem relacji o zbiorze atrybutów podzielonym na trzy niepuste, rozłączne podzbiory  $X, Y, Z$ .
- Mówimy, że  $X \twoheadrightarrow Y$  wtedy i tylko wtedy, gdy dla dowolnej relacji  $r(R)$  warunek

$$(x_1, y_1, z_1) \in r \quad \text{oraz} \quad (x_2, y_2, z_2) \in r,$$

pociąga za sobą

$$(x_1, y_1, z_1) \in r \quad \text{oraz} \quad (x_2, y_2, z_1) \in r.$$

- Zauważmy, że rola  $X$  jest inna niż  $Y$  i  $Z$  oraz, że  $Y$  można zamienić z  $Z$ , to znaczy, że jeśli  $X \twoheadrightarrow Y$ , to również  $X \twoheadrightarrow Z$ .
- Rozkład schematu relacji  $R$  na  $(X \cup Y, X \cup Z)$  jest bezstratny wtedy i tylko wtedy, gdy  $X \twoheadrightarrow Y$ .

## Zależność wielowartościowa c.d.

- Niech  $R$  będzie schematem relacji o zbiorze atrybutów podzielonym na trzy niepuste, rozłączne podzbiory  $X, Y, Z$ .
- Mówimy, że  $X \twoheadrightarrow Y$  wtedy i tylko wtedy, gdy dla dowolnej relacji  $r(R)$  warunek

$$(x_1, y_1, z_1) \in r \quad \text{oraz} \quad (x_2, y_2, z_2) \in r,$$

pociąga za sobą

$$(x_1, y_1, z_2) \in r \quad \text{oraz} \quad (x_2, y_2, z_1) \in r.$$

- Zauważmy, że rola  $X$  jest inna niż  $Y$  i  $Z$  oraz, że  $Y$  można zamienić z  $Z$ , to znaczy, że jeśli  $X \twoheadrightarrow Y$ , to również  $X \twoheadrightarrow Z$ .
- Rozkład schematu relacji  $R$  na  $(X \cup Y, X \cup Z)$  jest bezstratny wtedy i tylko wtedy, gdy  $X \twoheadrightarrow Y$ .

## 4NF

Jeśli zależność  $\alpha \twoheadrightarrow \beta$  jest nietrywialna, to  $\alpha$  jest super-kluczem.

- Jeśli relacja spełnia 4NF, to spełnia BCNF.
- Jeśli relacja spełnia 4NF, to spełnia BCNF, 3NF, 2NF oraz 1NF.



## 4NF

Jeśli zależność  $\alpha \twoheadrightarrow \beta$  jest nietrywialna, to  $\alpha$  jest super-kluczem.

- Jeśli relacja spełnia 4NF, to spełnia BCNF.
- Jeśli relacja spełnia 4NF, to spełnia BCNF, 3NF, 2NF oraz 1NF.

## 4NF

Jeśli zależność  $\alpha \twoheadrightarrow \beta$  jest nietrywialna, to  $\alpha$  jest super-kluczem.

- Jeśli relacja spełnia 4NF, to spełnia BCNF.
- Jeśli relacja spełnia 4NF, to spełnia BCNF, 3NF, 2NF oraz 1NF.

# Przykład relacji nie spełniającej 4NF

<i>pracownicy_id</i>	<i>umiejętności</i>	<i>zainteresowania</i>
1	programowanie w PHP	zbieranie znaczków
1	programowanie w PHP	piłka nożna
1	algebra relacyjna	zbieranie znaczków
1	algebra relacyjna	piłka nożna
2	bazy danych	astronomia
2	bazy danych	szachy
2	całki	astronomia
2	całki	szachy

- Jedyne klucze to  $\{\text{pracownicy\_id}, \text{umiejętności}, \text{zainteresowania}\}$ .
- Wszystkie zależności funkcyjne są trywialne, więc spełnione jest BCNF.
- Nietrywialne zależności wielowartościowe:

$\text{pracownicy\_id} \twoheadrightarrow \text{umiejętności},$

$\text{pracownicy\_id} \twoheadrightarrow \text{zainteresowania}.$

- Ponieważ *pracownicy\_id* nie jest super-kluczem, więc nie spełniony jest warunek 4NF.

# Przykład relacji nie spełniającej 4NF

<i>pracownicy_id</i>	<i>umiejętności</i>	<i>zainteresowania</i>
1	programowanie w PHP	zbieranie znaczków
1	programowanie w PHP	piłka nożna
1	algebra relacyjna	zbieranie znaczków
1	algebra relacyjna	piłka nożna
2	bazy danych	astronomia
2	bazy danych	szachy
2	całki	astronomia
2	całki	szachy

- Jedyne klucze to  $\{\text{pracownicy\_id}, \text{umiejętności}, \text{zainteresowania}\}$ .
- Wszystkie zależności funkcyjne są trywialne, więc spełnione jest BCNF.
- Nietrywialne zależności wielowartościowe:

$\text{pracownicy\_id} \rightarrow \text{umiejętności},$

$\text{pracownicy\_id} \rightarrow \text{zainteresowania}.$

- Ponieważ *pracownicy\_id* nie jest super-kluczem, więc nie spełniony jest warunek 4NF.

# Przykład relacji nie spełniającej 4NF

<i>pracownicy_id</i>	<i>umiejętności</i>	<i>zainteresowania</i>
1	programowanie w PHP	zbieranie znaczków
1	programowanie w PHP	piłka nożna
1	algebra relacyjna	zbieranie znaczków
1	algebra relacyjna	piłka nożna
2	bazy danych	astronomia
2	bazy danych	szachy
2	całki	astronomia
2	całki	szachy

- Jedyne klucze to  $\{\text{pracownicy\_id}, \text{umiejętności}, \text{zainteresowania}\}$ .
- Wszystkie zależności funkcyjne są trywialne, więc spełnione jest BCNF.
- Nietrywialne zależności wielowartościowe:

$\text{pracownicy\_id} \rightarrow \text{umiejętności},$

$\text{pracownicy\_id} \rightarrow \text{zainteresowania}.$

- Ponieważ *pracownicy\_id* nie jest super-kluczem, więc nie spełniony jest warunek 4NF.

# Przykład relacji nie spełniającej 4NF

<i>pracownicy_id</i>	<i>umiejętności</i>	<i>zainteresowania</i>
1	programowanie w PHP	zbieranie znaczków
1	programowanie w PHP	piłka nożna
1	algebra relacyjna	zbieranie znaczków
1	algebra relacyjna	piłka nożna
2	bazy danych	astronomia
2	bazy danych	szachy
2	całki	astronomia
2	całki	szachy

- Jedyne klucze to  $\{\text{pracownicy\_id}, \text{umiejętności}, \text{zainteresowania}\}$ .
- Wszystkie zależności funkcyjne są trywialne, więc spełnione jest BCNF.
- Nietrywialne zależności wielowartościowe:

$\text{pracownicy\_id} \twoheadrightarrow \text{umiejętności},$

$\text{pracownicy\_id} \twoheadrightarrow \text{zainteresowania}.$

- Ponieważ *pracownicy\_id* nie jest super-kluczem, więc nie spełniony jest warunek 4NF.

# Przykład relacji nie spełniającej 4NF

<i>pracownicy_id</i>	<i>umiejętności</i>	<i>zainteresowania</i>
1	programowanie w PHP	zbieranie znaczków
1	programowanie w PHP	piłka nożna
1	algebra relacyjna	zbieranie znaczków
1	algebra relacyjna	piłka nożna
2	bazy danych	astronomia
2	bazy danych	szachy
2	całki	astronomia
2	całki	szachy

- Jedyne klucze to  $\{\text{pracownicy\_id}, \text{umiejętności}, \text{zainteresowania}\}$ .
- Wszystkie zależności funkcyjne są trywialne, więc spełnione jest BCNF.
- Nietrywialne zależności wielowartościowe:

$\text{pracownicy\_id} \twoheadrightarrow \text{umiejętności},$

$\text{pracownicy\_id} \twoheadrightarrow \text{zainteresowania}.$

- Ponieważ *pracownicy\_id* nie jest super-kluczem, więc nie spełniony jest warunek 4NF.

# Rozkład spełniający 4NF

<i>pracownicy_id</i>	<i>umiejętności</i>
1	programowanie w PHP
1	algebra relacyjna
2	bazy danych
2	całki

<i>pracownicy_id</i>	<i>zainteresowania</i>
1	zbieranie znaczków
1	piłka nożna
2	astronomia
2	szachy



# Zależność złączeniowa

- Niech  $R$  będzie schematem relacji i niech  $(R_1, R_2, \dots, R_n)$  będzie rozkładem  $R$ .
- Relacja  $r(R)$  spełnia zależność złączeniową

$$*(R_1, R_2, \dots, R_n),$$

gdy  $r = \Pi_{R_1} \bowtie \Pi_{R_2} \bowtie \dots \bowtie \Pi_{R_n}$ .

- *Intuicja*: jeśli  $*(R_1, R_2, \dots, R_n)$ , to relacje składowe  $R_1, R_2, \dots, R_n$  są parami niezależne.
- Zależność złączeniowa jest trywialna, gdy  $R_i = R$  dla pewnego  $i \in \{1, \dots, n\}$ .
- Binarna zależność złączeniowa to zależność wielowartościowa.
- Niech  $X, Y \subseteq R$ . Wówczas  $X \rightarrow Y$  wtedy i tylko wtedy, gdy  $*(X \cup Y, X \cup (R \setminus Y))$ .

# Zależność złączeniowa

- Niech  $R$  będzie schematem relacji i niech  $(R_1, R_2, \dots, R_n)$  będzie rozkładem  $R$ .
- Relacja  $r(R)$  spełnia **zależność złączeniową**

$$*(R_1, R_2, \dots, R_n),$$

gdy  $r = \Pi_{R_1} \bowtie \Pi_{R_2} \bowtie \dots \bowtie \Pi_{R_n}$ .

- *Intuicja:* jeśli  $*(R_1, R_2, \dots, R_n)$ , to relacje składowe  $R_1, R_2, \dots, R_n$  są parami niezależne.
- Zależność złączeniowa jest **trywialna**, gdy  $R_i = R$  dla pewnego  $i \in \{1, \dots, n\}$ .
- Binarna zależność złączeniowa to zależność wielowartościowa.
- Niech  $X, Y \subseteq R$ . Wówczas  $X \rightarrow Y$  wtedy i tylko wtedy, gdy  $*(X \cup Y, X \cup (R \setminus Y))$ .

# Zależność złączeniowa

- Niech  $R$  będzie schematem relacji i niech  $(R_1, R_2, \dots, R_n)$  będzie rozkładem  $R$ .
- Relacja  $r(R)$  spełnia **zależność złączeniową**

$$*(R_1, R_2, \dots, R_n),$$

gdy  $r = \Pi_{R_1} \bowtie \Pi_{R_2} \bowtie \dots \bowtie \Pi_{R_n}$ .

- *Intuicja:* jeśli  $*(R_1, R_2, \dots, R_n)$ , to relacje składowe  $R_1, R_2, \dots, R_n$  są parami niezależne.
- Zależność złączeniowa jest **trywialna**, gdy  $R_i = R$  dla pewnego  $i \in \{1, \dots, n\}$ .
- Binarna zależność złączeniowa to zależność wielowartościowa.
- Niech  $X, Y \subseteq R$ . Wówczas  $X \rightarrow Y$  wtedy i tylko wtedy, gdy  $*(X \cup Y, X \cup (R \setminus Y))$ .

# Zależność złączeniowa

- Niech  $R$  będzie schematem relacji i niech  $(R_1, R_2, \dots, R_n)$  będzie rozkładem  $R$ .
- Relacja  $r(R)$  spełnia **zależność złączeniową**

$$*(R_1, R_2, \dots, R_n),$$

gdy  $r = \Pi_{R_1} \bowtie \Pi_{R_2} \bowtie \dots \bowtie \Pi_{R_n}$ .

- *Intuicja*: jeśli  $*(R_1, R_2, \dots, R_n)$ , to relacje składowe  $R_1, R_2, \dots, R_n$  są parami niezależne.
- Zależność złączeniowa jest **trywialna**, gdy  $R_i = R$  dla pewnego  $i \in \{1, \dots, n\}$ .
- Binarna zależność złączeniowa to zależność wielowartościowa.
- Niech  $X, Y \subseteq R$ . Wówczas  $X \rightarrow Y$  wtedy i tylko wtedy, gdy  $*(X \cup Y, X \cup (R \setminus Y))$ .

# Zależność złączeniowa

- Niech  $R$  będzie schematem relacji i niech  $(R_1, R_2, \dots, R_n)$  będzie rozkładem  $R$ .
- Relacja  $r(R)$  spełnia **zależność złączeniową**

$$*(R_1, R_2, \dots, R_n),$$

gdy  $r = \Pi_{R_1} \bowtie \Pi_{R_2} \bowtie \dots \bowtie \Pi_{R_n}$ .

- *Intuicja*: jeśli  $*(R_1, R_2, \dots, R_n)$ , to relacje składowe  $R_1, R_2, \dots, R_n$  są parami niezależne.
- Zależność złączeniowa jest **trywialna**, gdy  $R_i = R$  dla pewnego  $i \in \{1, \dots, n\}$ .
- Binarna zależność złączeniowa to zależność wielowartościowa.
- Niech  $X, Y \subseteq R$ . Wówczas  $X \rightarrow Y$  wtedy i tylko wtedy, gdy  $*(X \cup Y, X \cup (R \setminus Y))$ .

# Zależność złączeniowa

- Niech  $R$  będzie schematem relacji i niech  $(R_1, R_2, \dots, R_n)$  będzie rozkładem  $R$ .
- Relacja  $r(R)$  spełnia **zależność złączeniową**

$$*(R_1, R_2, \dots, R_n),$$

gdy  $r = \Pi_{R_1} \bowtie \Pi_{R_2} \bowtie \dots \bowtie \Pi_{R_n}$ .

- *Intuicja*: jeśli  $*(R_1, R_2, \dots, R_n)$ , to relacje składowe  $R_1, R_2, \dots, R_n$  są parami niezależne.
- Zależność złączeniowa jest **trywialna**, gdy  $R_i = R$  dla pewnego  $i \in \{1, \dots, n\}$ .
- Binarna zależność złączeniowa to zależność wielowartościowa.
- Niech  $X, Y \subseteq R$ . Wówczas  $X \twoheadrightarrow Y$  wtedy i tylko wtedy, gdy  $*(X \cup Y, X \cup (R \setminus Y))$ .

# 5NF – piąta postać normalna

Niech  $R$  będzie schematem relacji z rozkładem  $(R_1, R_2, \dots, R_n)$ .

## 5NF

Jeśli zależność złączeniowa  $*(R_1, R_2, \dots, R_n)$  jest nietrywialna, to  $R_i$  jest super-kluczem dla wszystkich  $i \in \{1, \dots, n\}$ .

## 5NF\*

Nie istnieje bezstratny rozkład  $R$ .

- Przykład: [https://en.wikipedia.org/wiki/Fifth\\_normal\\_form](https://en.wikipedia.org/wiki/Fifth_normal_form)

# 5NF – piąta postać normalna

Niech  $R$  będzie schematem relacji z rozkładem  $(R_1, R_2, \dots, R_n)$ .

## 5NF

Jeśli zależność złączeniowa  $*(R_1, R_2, \dots, R_n)$  jest nietrywialna, to  $R_i$  jest super-kluczem dla wszystkich  $i \in \{1, \dots, n\}$ .

## 5NF\*

Nie istnieje bezstratny rozkład  $R$ .

- Przykład: [https://en.wikipedia.org/wiki/Fifth\\_normal\\_form](https://en.wikipedia.org/wiki/Fifth_normal_form)



# 5NF – piąta postać normalna

Niech  $R$  będzie schematem relacji z rozkładem  $(R_1, R_2, \dots, R_n)$ .

## 5NF

Jeśli zależność złączeniowa  $*(R_1, R_2, \dots, R_n)$  jest nietrywialna, to  $R_i$  jest super-kluczem dla wszystkich  $i \in \{1, \dots, n\}$ .

## 5NF\*

Nie istnieje bezstratny rozkład  $R$ .

- Przykład: [https://en.wikipedia.org/wiki/Fifth\\_normal\\_form](https://en.wikipedia.org/wiki/Fifth_normal_form)

## DKNF

Jedynie ograniczenia dla relacji to ograniczenia dotyczące domen i kluczy.

<i>bogacz</i>	<i>osobowość</i>	<i>wartość netto</i>
Ferdynand	ekscentryczny milioner	234 456 345
Bob	czadowy miliarder	7 238 546 456
Lucyna	ekscentryczna miliarderka	3 920 188 000
Jurek	czadowy milioner	565 291 600

## DKNF

Jedynie ograniczenia dla relacji to ograniczenia dotyczące domen i kluczy.

<i>bogacz</i>	<i>osobowość</i>	<i>wartość netto</i>
Ferdynand	ekscentryczny milioner	234 456 345
Bob	czadowy miliarder	7 238 546 456
Lucyna	ekscentryczna miliarderka	3 920 188 000
Jurek	czadowy milioner	565 291 600



A. Silberschatz, H.F. Korth, S. Sudarshan,  
*Database system concepts*, 6th ed.,  
McGraw-Hill, 2011.



T. Connolly, C. Begg,  
*Database systems, a practical approach to design, implementation,  
and management*, 6th ed.,  
Pearson, 2015.